

Опр Алгебра событий (мн-ств) \mathcal{A} наз-ся σ -алгеброй или борелевской алгеброй событий, если

$$(A_n \in \mathcal{A}, n \in \mathbb{T}, \infty) \Rightarrow \left(\bigcup_{n=1}^{\infty} A_n \in \mathcal{A} \right) \wedge \left(\bigcap_{n=1}^{\infty} A_n \in \mathcal{A} \right)$$

Числовая ф-ция P на мн-ве событий \mathcal{A} наз-ся вероятностью, если \mathcal{A} - σ -алгебра событий и выпол. условия

1. $\forall A \in \mathcal{A} \quad P(A) \geq 0$ (аксиома неотрицательности)

2. $P(\Omega) = 1$ (аксиома нормированности)

3. (аксиома счетной аддитивности):

$$P\left(\sum_{n=1}^{\infty} A_n\right) = \sum_{n=1}^{\infty} P(A_n) \text{ для любого набора попарно несов-}$$

местных событий $A_1, A_2, \dots, A_n, \dots \in \mathcal{A}$

Тройка (Ω, \mathcal{A}, P) наз-ся вероятностной пр-вом

Борелевская σ -алгебра

В р-ии σ -алгебр суп. сд. вероят.-го пр-ва об-но вой-ва Борелевская σ -алгебра

$\mathcal{B}(\mathbb{R})$ - борелевская σ -алгебра в \mathbb{R} (м-нальная σ -алгебра, содержащая мн-во всех интервалов вещественной прямой, например, содерж. все мн-ва $[a, b]$)

$\mathcal{B}(\mathbb{R}^2)$ - борелевская σ -алгебра в \mathbb{R}^2 (мн. σ -алгебра, содерж. "прямоугольники" вида $[a_1, b_1] \times [a_2, b_2]$).

Например, мн-во, которое можно получить из "курилки", применяя не более n операций только σ -мн-ных операций. σ