

$F_Z(x) = F(x) = P(Z < x)$ - гетем. φ -гуня гетем. переметкыи -
 φ -гуня распр. СВ Z

III.к. $\{Z < x_2\} = \{x_1 \leq Z \leq x_2\} + \{Z < x_1\}$, мо см. анр.
по аксиоме келлем

$$P(\{Z < x_2\}) = P(\{x_1 \leq Z \leq x_2\}) + P(\{Z < x_1\})$$

онкыга $F_2(x_2) = P(\{x_1 \leq Z < x_2\}) + F(x_1)$

$$P(\{Z < x_2\}) - P(\{x_1 \leq Z < x_2\}) = F(x_2) - F(x_1) \leftarrow$$

$$P(Z \geq x) = 1 - P(Z < x) = 1 - F(x)$$

$$P(Z = x) = \lim_{h \rightarrow 0} (F(x + h) - F(x)) = F(x+0) - F(x)$$

Теорема (св-во φ -гуня распределения)

Пусть $F(x)$ - φ -гуня распределения СВ Z :

$$F(x) = P(Z < x) \quad \forall x \in \mathbb{R}$$

Тогда справедливы св-ва:

1) $0 \leq F(x) \leq 1$

2) $F(x)$ не убывает на \mathbb{R} : если $x_2 > x_1$, то $F(x_2) \geq F(x_1)$

3) $\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x) = 0$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x) = 1$

4) $P(\alpha \leq Z < \beta) = F(\beta) - F(\alpha)$:

$$P(\alpha \leq Z \leq \beta) = F(\beta+0) - F(\alpha+0)$$

$$P(\alpha < Z < \beta) = F(\beta) - F(\alpha+0)$$

5) $F(x)$ непрерывна слева, т.е. $\lim_{x \rightarrow x_0-0} F(x) = F(x_0)$