

Случайная величина ξ имеет *нормальное (гауссово) распределение* с параметрами a и $\sigma > 0$ (запись: $\xi \in \mathcal{N}(a; \sigma)$), если ее плотность вероятности и функция распределения имеют вид

$$f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-a)^2}{2\sigma^2}}, \quad F(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} \int_{-\infty}^x e^{-\frac{(t-a)^2}{2\sigma^2}} dt.$$

Числовые характеристики нормального распределения

$$\boxed{M[\xi] = a; D[\xi] = \sigma^2}$$

В общем случае ($\xi \in \mathcal{N}(a; \sigma)$) функции нормального распределения с параметрами a и σ равны соответственно

$$f(x) = \varphi\left(\frac{x-a}{\sigma}\right); \quad F(x) = \frac{1}{2} + \Phi\left(\frac{x-a}{\sigma}\right) = \Phi_{0,1}\left(\frac{x-a}{\sigma}\right).$$

Вероятность попадания значений нормально распределенной случайной величины в интервал $(\alpha; \beta)$ вычисляется по формуле

$$P(\alpha < \xi < \beta) = \Phi\left(\frac{\beta-a}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{\alpha-a}{\sigma}\right),$$

при этом для симметричного относительно a интервала

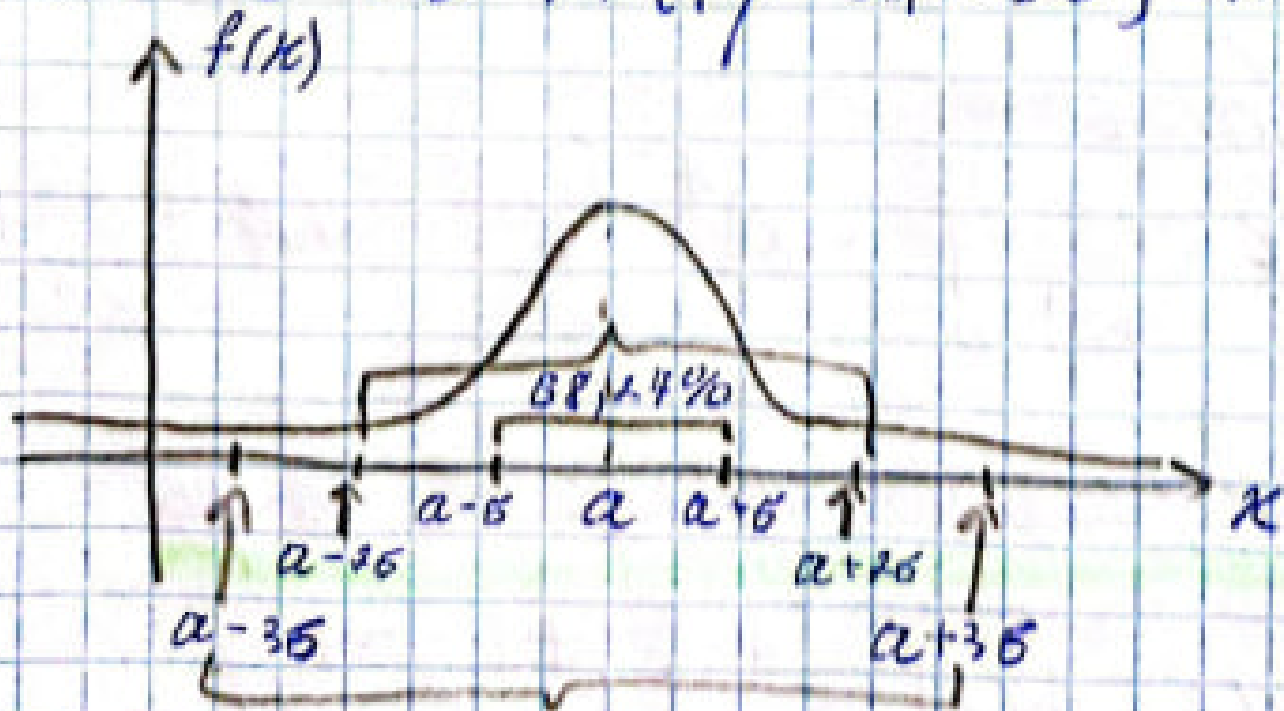
$$P(|\xi - a| < \varepsilon) = 2\Phi\left(\frac{\varepsilon}{\sigma}\right).$$

Графико преју сими

Положим $\epsilon = 1\sigma$: $P(|\bar{y} - \alpha| < 1\sigma) = 2P(1) = 0,6827$

Положим $\epsilon = 2\sigma$: $P(|\bar{y} - \alpha| < 2\sigma) = 2P(2) = 0,9545$

Положим $\epsilon = 3\sigma$: $P(|\bar{y} - \alpha| < 3\sigma) = 2P(3) = 0,9973$



В чем заключается правило трех сигм (3-sigma rule) в статистике

Определение

Математическое ожидание — это среднее значение случайной величины. Обозначается как μ .

Определение

Стандартное или **среднеквадратичное отклонение** — это наиболее частый показатель рассеивания значений величины относительно математического ожидания. Обозначается символом σ , который произносится как «сигма».

Определение

Правило трех сигм заключается в том, что при нормальном распределении практически все значения величины с вероятностью 0,9973 лежат не далее трех сигм в любую сторону от математического ожидания, то есть находятся в диапазоне $[\mu - 3\sigma; \mu + 3\sigma]$.